

1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 8b * 25.11.2014 * Gruppe A

1. Ein Schwimmbecken wird durch 6 gleich starke Pumpen in 8 Stunden leergepumpt.

- Wie lange dauert das Leerpumpen, wenn von Anfang an nur 4 dieser Pumpen in Betrieb sind?
- Nach 5 Stunden fällt eine der 6 Pumpen aus. Um wie viele Minuten dauert es nun länger, bis das Becken leergepumpt ist?

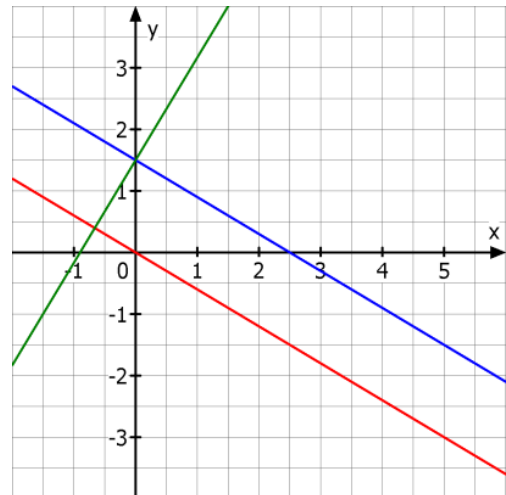
2. Bestimme den maximalen Definitionsbereich und alle Nullstellen der Funktion f mit

$$f(x) = \frac{4 - x^2}{2x^2 - 3x} .$$

3. Das Bild zeigt 3 Geraden.

Der Punkt $(5/-3)$ liegt auf der roten Geraden.

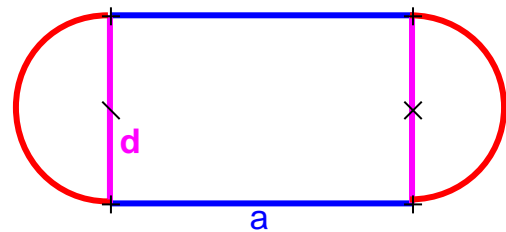
- Begründe, dass die rote Gerade zu einer direkten Proportionalität gehört und gib die zugehörige Funktionsgleichung an.
- Wie lautet die Funktionsgleichung der blauen Geraden, die parallel zur roten verläuft?
- Die grüne Gerade schneidet die blaue Gerade senkrecht. Gib die zugehörige Funktionsgleichung an.



4. Die 400-Meter-Laufbahn im Sportpark Eglfing besteht aus zwei parallelen Strecken der Länge a und zwei Halbkreisen mit dem Durchmesser d (siehe Bild).

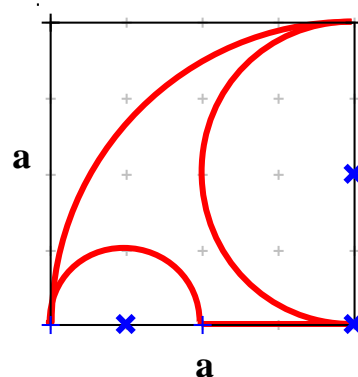
Die Länge von a beträgt 84,20m.

Berechne den Durchmesser d auf cm gerundet.



5. Die rot umrandete Figur befindet sich in einem Quadrat der Kantenlänge a .

- Bestimme den Umfang der Figur in Vielfachen der Länge a .
- Wie viel Prozent macht der Flächeninhalt der roten Figur vom Flächeninhalt des Quadrats aus?
Runde auf 0,1 Prozent genau.



Aufgabe	1a	b	2	3a	b	c	4	5a	b	Summe
Punkte	2	4	4	3	2	3	5	4	4	31



Gutes Gelingen! G.R.

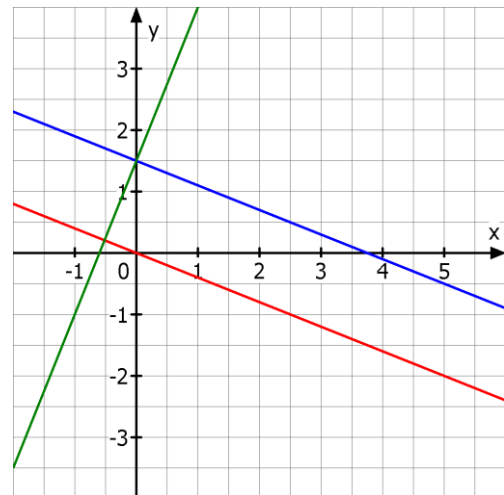
1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 8b * 25.11.2014 * Gruppe B

1. Ein Schwimmbecken wird durch 5 gleich starke Pumpen in 6 Stunden leerpumppt.
 - a) Wie lange dauert das Leerpumpen, wenn von Anfang an nur 3 dieser Pumpen in Betrieb sind?
 - b) Nach 4 Stunden fallen zwei der 5 Pumpen aus. Um wie viele Minuten dauert es nun länger, bis das Becken leerpumppt ist?

2. Bestimme den maximalen Definitionsbereich und alle Nullstellen der Funktion f mit

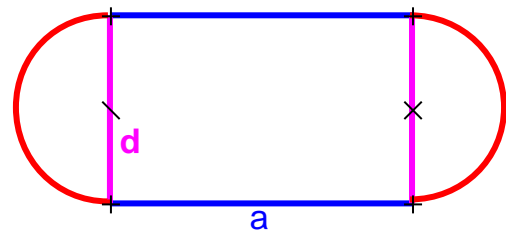
$$f(x) = \frac{9 - x^2}{2x^2 - 5x} .$$

3. Das Bild zeigt 3 Geraden.
Der Punkt (5/-2) liegt auf der roten Geraden.



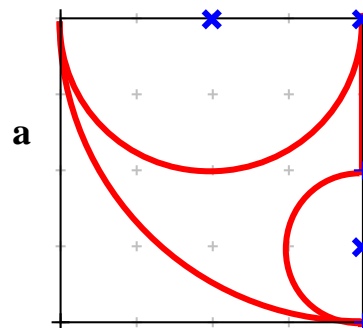
- a) Begründe, dass die rote Gerade zu einer direkten Proportionalität gehört und gib die zugehörige Funktionsgleichung an.
- b) Wie lautet die Funktionsgleichung der blauen Geraden, die parallel zur roten verläuft?
- c) Die grüne Gerade schneidet die blaue Gerade senkrecht. Gib die zugehörige Funktionsgleichung an.

4. Die 400-Meter-Laufbahn im Sportpark Eglfing besteht aus zwei parallelen Strecken der Länge a und zwei Halbkreisen mit dem Durchmesser d (siehe Bild).
Die Länge von a beträgt 84,60m.
Berechne den Durchmesser d auf cm gerundet.



5. Die rot umrandete Figur befindet sich in einem Quadrat der Kantenlänge a.

- a) Bestimme den Umfang der Figur in Vielfachen der Länge a .
- b) Wie viel Prozent macht der Flächeninhalt der roten Figur vom Flächeninhalt des Quadrats aus?
Runde auf 0,1 Prozent genau.



a

Aufgabe	1a	b	2	3a	b	c	4	5a	b	Summe
Punkte	2	4	4	3	2	3	5	4	4	31



Gutes Gelingen! G.R.

1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 8b * 25.11.2014 * Gruppe A * Lösungen

1. a) 6 Pumpen $\hat{=}$ 8Std.

$$4 \text{ Pumpen} \hat{=} \frac{6 \cdot 8 \text{Std.}}{4} = 12 \text{Std.}$$

b) Nach 5 Stunden benötigen 6 Pumpen noch 3 Std., also

$$6 \text{ Pumpen} \hat{=} 3 \text{ Std.}$$

$$5 \text{ Pumpen} \hat{=} \frac{6 \cdot 3 \text{ Std.}}{5} = \frac{18}{5} \text{ Std.} = 3\frac{3}{5} \text{ Std.} = 3 \text{ Std. } 36 \text{ Minuten.}$$

Es dauert also um 36 Minuten länger.

2. Definitionsbereich:

$$2x^2 - 3x = 0 \Leftrightarrow x \cdot (2x - 3) = 0 \Leftrightarrow x = 0 \text{ oder } x = \frac{3}{2} \text{ also } D_f = \mathbb{Q} \setminus \{0; \frac{3}{2}\}$$

$$\text{Nullstellen: } f(x) = 0 \Leftrightarrow 4 - x^2 = 0 \Leftrightarrow x^2 = 4 \Leftrightarrow x_1 = 2; x_2 = -2$$

3. a) Rote Gerade gehört zu direkter Proportionalität, weil es sich um eine Ursprungsgerade

$$\text{handelt, d.h. } y \sim x \text{ also } \frac{y}{x} = \text{konst.} = \frac{-3}{5} = -0,6 \text{ also } y = -0,6x.$$

b) Blaue Gerade: $y = -0,6x + 1,5$

c) Grüne Gerade: Steigungen: $m_{\text{grün}} \cdot m_{\text{blau}} = -1 \Rightarrow m_{\text{grün}} = \frac{-1}{-0,6} = \frac{5}{3}$ also $y = \frac{5}{3}x + 1,5$

4. Ansatz: $2a + 2 \cdot \pi \cdot r = 400\text{m} \Leftrightarrow 2a + d \cdot \pi = 400\text{m} \Leftrightarrow$

$$d = \frac{400\text{m} - 2a}{\pi} = \frac{400\text{m} - 2 \cdot 84,20\text{m}}{\pi} = 73,720\dots\text{m} \approx 73,72\text{m}$$

$$5. \text{ a) } U = \frac{1}{4} \cdot (2\pi \cdot a) + \frac{1}{2} \cdot (2\pi \cdot \frac{a}{2}) + \frac{1}{2} \cdot (2\pi \cdot \frac{a}{4}) + \frac{1}{2}a = \frac{\pi \cdot a}{2} + \frac{\pi \cdot a}{2} + \frac{\pi \cdot a}{4} + \frac{1}{2}a =$$

$$\frac{5\pi}{4}a + \frac{2}{4}a = \frac{(5\pi + 2)}{4} \cdot a \quad (\approx 4,43a)$$

$$\text{b) } A = \frac{1}{4} \cdot [a^2 \cdot \pi] - \frac{1}{2} \cdot (\frac{a}{2})^2 \cdot \pi - \frac{1}{2} \cdot (\frac{a}{4})^2 \cdot \pi = \frac{a^2 \cdot \pi}{4} - \frac{a^2 \cdot \pi}{8} - \frac{a^2 \cdot \pi}{32} = \frac{3 \cdot \pi}{32} a^2 =$$

$$0,2945\dots a^2 \approx 29,5\% \text{ von } a^2$$



1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 8b * 25.11.2014 * Gruppe B * Lösungen

1. a) 5 Pumpen $\hat{=}$ 6Std.

$$3 \text{ Pumpen} \hat{=} \frac{5 \cdot 6 \text{Std.}}{3} = 10 \text{Std.}$$

b) Nach 4 Stunden benötigen 5 Pumpen noch 2 Std., also

$$5 \text{ Pumpen} \hat{=} 2 \text{ Std.}$$

$$3 \text{ Pumpen} \hat{=} \frac{5 \cdot 2 \text{ Std.}}{3} = \frac{10}{3} \text{ Std.} = 3\frac{1}{3} \text{ Std.} = 3 \text{ Std. } 20 \text{ Minuten.}$$

Es dauert also um 80 Minuten länger.

2. Definitionsbereich:

$$2x^2 - 5x = 0 \Leftrightarrow x \cdot (2x - 5) = 0 \Leftrightarrow x = 0 \text{ oder } x = \frac{5}{2} \text{ also } D_f = \mathbb{Q} \setminus \{0; \frac{5}{2}\}$$

$$\text{Nullstellen: } f(x) = 0 \Leftrightarrow 9 - x^2 = 0 \Leftrightarrow x^2 = 9 \Leftrightarrow x_1 = 3; x_2 = -3$$

3. a) Rote Gerade gehört zu direkter Proportionalität, weil es sich um eine Ursprungsgerade

$$\text{handelt, d.h. } y \sim x \text{ also } \frac{y}{x} = \text{konst.} = \frac{-2}{5} = -0,4 \text{ also } y = -0,4x.$$

b) Blaue Gerade: $y = -0,4x + 1,5$

c) Grüne Gerade: Steigungen: $m_{\text{grün}} \cdot m_{\text{blau}} = -1 \Rightarrow m_{\text{grün}} = \frac{-1}{-0,4} = \frac{5}{2}$ also $y = 2,5x + 1,5$

4. Ansatz: $2a + 2 \cdot \pi \cdot r = 400\text{m} \Leftrightarrow 2a + d \cdot \pi = 400\text{m} \Leftrightarrow$

$$d = \frac{400\text{m} - 2a}{\pi} = \frac{400\text{m} - 2 \cdot 84,60\text{m}}{\pi} = 73,465\dots\text{m} \approx 73,47\text{m}$$

$$5. \text{ a) } U = \frac{1}{4} \cdot (2\pi \cdot a) + \frac{1}{2} \cdot (2\pi \cdot \frac{a}{2}) + \frac{1}{2} \cdot (2\pi \cdot \frac{a}{4}) + \frac{1}{2}a = \frac{\pi \cdot a}{2} + \frac{\pi \cdot a}{2} + \frac{\pi \cdot a}{4} + \frac{1}{2}a =$$

$$\frac{5\pi}{4}a + \frac{2}{4}a = \frac{(5\pi + 2)}{4} \cdot a \quad (\approx 4,43a)$$

$$\text{b) } A = \frac{1}{4} \cdot [a^2 \cdot \pi] - \frac{1}{2} \cdot (\frac{a}{2})^2 \cdot \pi - \frac{1}{2} \cdot (\frac{a}{4})^2 \cdot \pi = \frac{a^2 \cdot \pi}{4} - \frac{a^2 \cdot \pi}{8} - \frac{a^2 \cdot \pi}{32} = \frac{3 \cdot \pi}{32} a^2 =$$

$$0,2945\dots a^2 \approx 29,5\% \text{ von } a^2$$

