## Mathematik \* Jahrgangsstufe 9 \* Vermischte Aufgaben zur Kombinatorik

### **Buchstabensalat**

Wie viele Wörter (auch ohne Sinn) kann man mit den Buchstaben des Wortes

- a) MATHE [120]
- b) MATHEMATIK [453600]
- c) MISSISSIPPI [34650] schreiben?



#### Susi

Susi tippt auf ihrem Handy das Wort "Susi" ein, indem sie zuerst die Taste 7=pqrs drückt, dann die Taste 8=tuv, dann nochmals die Taste 7=pqrs und schließlich die Taste 4=ghi. Auf wie viele Arten kann diese Eingabe als Wort mit vier Buchstaben interpretiert werden? [144]



### Fußballteam

Aus einem 16 Mann umfassenden Kader soll ein Fußballteam (10 Feldspieler und 1 Torhüter) zusammengestellt werden.



Auf wie viele Arten ist dies möglich, wenn sich im Kader genau 3 Torhüter befinden? (Torhüter spielen nicht im Feld und Feldspieler hüten nicht das Tor!) [858]

# **Sitzordnung**

In einem Klassenzimmer befinden sich 30 Sitzplätze. Wie viele Sitzordnungen gibt es für eine Klasse mit

a) 29 Schülern?  $[2,65 \cdot 10^{32}]$ 

b) 22 Schülern?  $[6,58 \cdot 10^{27}]$ 



### **Buffet**

Acht Personen warten in einer Schlange stehend vor dem Selbstbedienungsbuffet, drei davon sind Fischliebhaber. Mit welcher Wahrscheinlichkeit stehen die drei Fischliebhaber direkt hintereinander? [10,7%]

### Das Geburtstagsproblem

- a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit haben in einer Gruppe von 6 Personen mindestens 2 im selben Monat Geburtstag? (Tipp: Gegenwahrscheinlichkeit) [77,7%]
- b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit haben in einer Gruppe von 20 Personen mindestens 2 am selben Tag Geburtstag? [41,1%]

## Poker

Beim Poker mit 52 Karten (4 Farben zu je 13 Werten) erhält ein Spieler 5 Karten. Mit welcher Wahrscheinlichkeit bekommt ein Spieler

- a) einen Vierling? [0,024%]
- b) ein Doppelpärchen? [4,8%]
- c) ein Fullhouse (ein Drilling und ein Pärchen)? [0,144%]
- d) (genau) ein Pärchen? [42,3%] e) (genau) einen Drilling? [2,1%]
- f) (mindestens) eine Straße (aufeinander folgende Kartenwerte)? [0,355%]
- g) (mindestens) eine Farbstraße (nur Karten einer Farbe)? [0,198%]
- h) einen Straight Flush (aufeinander folgende Kartenwerte einer Farbe)? [0,0014%]

### Skat

Beim Skatspiel werden 32 Karten zu je 10 Karten an drei Spieler verteilt, die restlichen 2 bleiben übrig und werden in den so genannten Skat gelegt.

- a) Wie viele verschiedene Verteilungen sind möglich? (Die drei Spieler sollen dabei unterschieden werden.) [2,75 · 10<sup>15</sup>]
- b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein beliebiger der drei Spieler ein Blatt mit 4 Assen erhält? [1,75%]