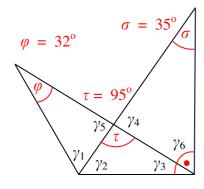
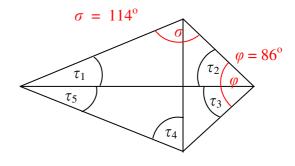
Mathematik * Jahrgangsstufe 7 * Winkelberechnungen

- Berechne die Winkel γ₁ bis γ₆ in der abgebildeten Figur!
 Begründe deine Rechnung kurz!
- Berechne im abgebildeten Drachen die Winkel τ₁ bis τ₄.
 Begründe deine Rechnung kurz!







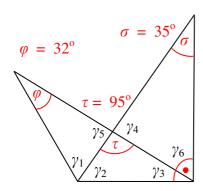
(Beide Bilder sind nicht maßstäblich!)

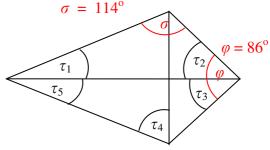
Mathematik * Jahrgangsstufe 7 * Winkelberechnungen

- 1. Berechne die Winkel γ_1 bis γ_6 in der abgebildeten Figur! Begründe deine Rechnung kurz!
- 2. Berechne im abgebildeten Drachen die Winkel τ_1 bis τ_4 .

 Begründe deine Rechnung kurz! $\sigma = 114^{\circ}$







(Beide Bilder sind nicht maßstäblich!)

Mathematik * Jahrgangsstufe 7 * Winkelberechnungen * Lösungen

1.
$$\gamma_4 = 180^{\circ} - \tau = 180^{\circ} - 95^{\circ} = 85^{\circ}$$
 (Nebenwinkel)
 $\gamma_5 = \gamma_4 = 85^{\circ}$ (Scheitelwinkel)
 $\gamma_5 + \gamma_1 + \varphi = 180^{\circ}$ (Winkelsumme im Dreieck) \Rightarrow
 $\gamma_1 = 180^{\circ} - \gamma_5 - \varphi = 180^{\circ} - 85^{\circ} - 32^{\circ} = 63^{\circ}$
 $\gamma_2 + 90^{\circ} + \sigma = 180^{\circ}$ (Winkelsumme im Dreieck) $\Rightarrow \gamma_2 = 180^{\circ} - 90^{\circ} - 35^{\circ} = 55^{\circ}$
 $\gamma_6 + \gamma_4 + \sigma = 180^{\circ}$ (Winkelsumme im Dreieck) \Rightarrow
 $\gamma_6 = 180^{\circ} - \gamma_4 - \sigma = 180^{\circ} - 85^{\circ} - 35^{\circ} = 60^{\circ}$
 $\gamma_6 + \gamma_3 = 90^{\circ} \Rightarrow \gamma_3 = 90^{\circ} - \gamma_6 = 90^{\circ} - 60^{\circ} = 30^{\circ}$

2.
$$\tau_3 = \tau_2 = \varphi : 2 = 86^\circ : 2 = 43^\circ$$
 (Symmetrie)
 $\tau_1 + \tau_2 + \sigma = 180^\circ$ (Winkelsumme im Dreieck) \Rightarrow
 $\tau_1 = 180^\circ - \tau_2 - \sigma = 180^\circ - 43^\circ - 114^\circ = 23^\circ$
 $\tau_5 = \tau_1 = 23^\circ$ (Symmetrie)
Die Diagonalen im Drachen schneiden sich unter einem Winkel von 90° .
 $\tau_5 + \tau_4 + 90^\circ = 180^\circ$ (Winkelsumme im Dreieck) \Rightarrow
 $\tau_4 = 90^\circ - \tau_5 = 90^\circ - 23^\circ = 67^\circ$

Mathematik * Jahrgangsstufe 7 * Winkelberechnungen * Lösungen

1.
$$\gamma_4 = 180^{\circ} - \tau = 180^{\circ} - 95^{\circ} = 85^{\circ}$$
 (Nebenwinkel)
 $\gamma_5 = \gamma_4 = 85^{\circ}$ (Scheitelwinkel)
 $\gamma_5 + \gamma_1 + \varphi = 180^{\circ}$ (Winkelsumme im Dreieck) \Rightarrow
 $\gamma_1 = 180^{\circ} - \gamma_5 - \varphi = 180^{\circ} - 85^{\circ} - 32^{\circ} = 63^{\circ}$
 $\gamma_2 + 90^{\circ} + \sigma = 180^{\circ}$ (Winkelsumme im Dreieck) $\Rightarrow \gamma_2 = 180^{\circ} - 90^{\circ} - 35^{\circ} = 55^{\circ}$
 $\gamma_6 + \gamma_4 + \sigma = 180^{\circ}$ (Winkelsumme im Dreieck) \Rightarrow
 $\gamma_6 = 180^{\circ} - \gamma_4 - \sigma = 180^{\circ} - 85^{\circ} - 35^{\circ} = 60^{\circ}$
 $\gamma_6 + \gamma_3 = 90^{\circ} \Rightarrow \gamma_3 = 90^{\circ} - \gamma_6 = 90^{\circ} - 60^{\circ} = 30^{\circ}$

2.
$$\tau_3 = \tau_2 = \varphi : 2 = 86^\circ : 2 = 43^\circ \text{ (Symmetrie)}$$
 $\tau_1 + \tau_2 + \sigma = 180^\circ \text{ (Winkelsumme im Dreieck)} \Rightarrow$
 $\tau_1 = 180^\circ - \tau_2 - \sigma = 180^\circ - 43^\circ - 114^\circ = 23^\circ$
 $\tau_5 = \tau_1 = 23^\circ \text{ (Symmetrie)}$
Die Diagonalen im Drachen schneiden sich unter einem Winkel von 90°.
$$\tau_5 + \tau_4 + 90^\circ = 180^\circ \text{ (Winkelsumme im Dreieck)} \Rightarrow$$

$$\tau_4 = 90^\circ - \tau_5 = 90^\circ - 23^\circ = 67^\circ$$