

$\frac{z}{n} = \frac{\text{Zähler}}{\text{Nenner}}$ <p><b>Stammbrüche</b> <math>\frac{1}{2}; \frac{1}{3}; \frac{1}{4}; \frac{1}{5}; \dots</math></p> <p>es gibt <b>echte Brüche</b>, <b>unechte Brüche</b> und <b>Scheinbrüche</b></p>	$\frac{3}{7}$ echter Bruch, falls Zähler < Nenner $\frac{7}{3}$ unechter Bruch, falls Zähler > Nenner $\frac{4}{4}, \frac{12}{3}$ Scheinbruch, falls der Zähler ein Vielfaches des Nenners ist Scheinbrüche sind natürliche Zahlen!
<p><b>Bruchteile von Größen:</b></p> $\frac{1}{5}$ von 12m = 12m : 5 = 240cm $\frac{3}{4}$ von 20 kg = (20kg : 4) · 3 = 15 kg	<p>Beispiele:</p> $\frac{5}{12}$ von 360 km = ... = 150 km $\frac{7}{18}$ von 45 min = ... = 1050s = = 17 min 30s
<p><b>Unechte Brüche</b> kann man als sog. <b>gemischte Zahlen</b> schreiben.</p> $\frac{8}{3} = \frac{6+2}{3} = \frac{6}{3} + \frac{2}{3} = 2 + \frac{2}{3} = 2\frac{2}{3}$ $\frac{23}{5} = \frac{20+3}{5} = \frac{20}{5} + \frac{3}{5} = 4 + \frac{3}{5} = 4\frac{3}{5}$	<p>Beispiele:</p> $\frac{26}{11} = \dots = 2\frac{4}{11}$ $\frac{48}{26} = \dots = 1\frac{22}{26} = 1\frac{11}{13}$ oder $\frac{48}{26} = \frac{24}{13} = \dots = 1\frac{11}{13}$
<p><b>Erweitern</b> von Brüchen</p> $\frac{z}{n} = \frac{z \cdot a}{n \cdot a} \quad (\text{Erweitern mit } a)$ <p>Ein Bruch ändert seinen Wert nicht, wenn man Zähler und Nenner mit der gleichen Zahl multipliziert</p>	$\frac{4}{5} = \frac{4 \cdot 3}{5 \cdot 3} = \frac{12}{15}$ $\frac{6}{25} = \frac{6 \cdot 8}{25 \cdot 8} = \frac{48}{200}$ $\frac{11}{24} = \frac{11 \cdot 130}{24 \cdot 130} = \frac{1430}{3120}$
<p><b>Kürzen</b> von Brüchen</p> $\frac{z}{n} = \frac{z : a}{n : a} \quad (\text{Kürzen mit } a)$ <p>Ein Bruch ändert seinen Wert nicht, wenn man Zähler und Nenner mit der gleichen Zahl dividiert.</p>	$\frac{12}{15} = \frac{12 : 3}{15 : 3} = \frac{4}{5}$ <p>meist zerlegt man Zähler und Nenner in Faktoren und kürzt den gemeinsamen Faktor.</p> $\frac{12}{15} = \frac{3 \cdot 4}{3 \cdot 5} = \frac{4}{5}$

<p>Gemischte Zahlen kann man auch als unechte Brüche schreiben</p> $1\frac{3}{4} = \frac{4}{4} + \frac{3}{4} = \frac{7}{4}$ $5\frac{3}{12} = \frac{5 \cdot 12}{12} + \frac{3}{12} = \frac{60}{12} + \frac{3}{12} = \frac{63}{12}$	<p>Beispiele:</p> $2\frac{5}{12} = \dots = \frac{29}{12}$ $5\frac{3}{7} = \dots = \frac{38}{7}$ $6\frac{3}{8} = \dots = \frac{51}{8}$
<p><b>Hauptgesetz der Bruchrechnung</b></p> $a : b = \frac{a}{b}$	<p>Anwendungen:</p> $6 : 11 = \frac{6}{11}$ $13 : 5 = 2 + 3 : 5 = 2\frac{3}{5}$ $x \cdot 8 = 15 \Leftrightarrow x = 15 : 8 = 1\frac{7}{8}$
<p><b>Ordnen von Brüchen</b></p> $\frac{3}{17} < \frac{7}{17} < \frac{15}{17} < \frac{20}{17} < \dots$ <p>Bei Brüchen mit gleichem Nenner ist derjenige größer, der den größeren Zähler hat.</p>	
<p><b>Ordnen von Brüchen</b></p> $\frac{13}{21} < \frac{13}{17} < \frac{13}{10} < \frac{13}{7} < \dots$ <p>Bei Brüchen mit gleichem Zähler ist derjenige größer, der den kleineren Nenner hat</p>	
<p><b>Ordnen von Brüchen</b></p> $\frac{5}{8} < \frac{7}{10} \quad , \text{ denn } \frac{5}{8} = \frac{25}{40} < \frac{28}{40} = \frac{7}{10}$ <p>Zum Vergleich erweitert man die beiden Brüche auf den kleinsten gemeinsamen Nenner, nämlich das kgV ( 8 ; 10 ) = 40</p>	<p>Ordne in einer steigenden Ungleichungskette</p> $\frac{13}{20} ; \frac{3}{4} ; \frac{7}{12} ; \frac{7}{10} ; \frac{8}{15} ; \frac{5}{6}$ $\frac{8}{15} < \frac{7}{12} < \frac{13}{20} < \frac{7}{10} < \frac{3}{4} < \frac{5}{6}$